

Exercices

Exercice. Soient a et b deux entiers positifs tels que $a \leq b$ et soit $x \in \mathbb{Z}$. Montrer les équivalences suivantes :

- (a) $|x| \leq a$ si et seulement si $-a \leq x \leq a$ (ou encore $-a \leq x$ et $x \leq a$) ;
- (b) $a \leq |x|$ si et seulement si $(a \leq x$ ou $x \leq -a)$;
- (c) $a \leq |x| \leq b$ si et seulement si $(a \leq x \leq b)$ ou $(-b \leq x \leq -a)$